

**PROBLEMAS DE SELECTIVIDAD. BLOQUE GEOMETRÍA**

1. En el espacio se dan las rectas

$$r: \begin{cases} x = 3 + \lambda \\ y = -1 + 2\lambda \\ z = 2 + \lambda \end{cases} \quad y \quad s: \begin{cases} x + 2y - 1 = 0 \\ 3y - z + 2 + \alpha = 0 \end{cases}$$

Obtener **razonadamente**:

- El valor de  $\alpha$  para el que las rectas  $r$  y  $s$  están contenidas en un plano. (4 puntos)
- La ecuación del plano que contiene a las rectas  $r$  y  $s$  para el valor de  $\alpha$  obtenido en el apartado anterior. (2 puntos)
- La ecuación del plano perpendicular a la recta  $r$  que contiene el punto  $(1, 2, 1)$ . (4 puntos)

(Septiembre 2011)

2. Se da la recta

$$r: \begin{cases} x - 4y = 0 \\ y - z = 0 \end{cases} \quad y \quad \text{el plano} \quad \pi_\alpha: (2 + 2\alpha)x + y + \alpha z - 2 - 6\alpha = 0$$

dependiendo del parámetro real  $\alpha$

Obtener **razonadamente**:

- La ecuación del plano  $\pi_\alpha$  que pasa por el punto  $(1, 1, 0)$ . (3 puntos)
- La ecuación del plano  $\pi_\alpha$  que es paralelo a la recta  $r$ . (4 puntos)
- La ecuación del plano  $\pi_\alpha$  que es perpendicular a la recta  $r$  (3 puntos).

(Septiembre 2011)

3. En el espacio se dan las rectas

$$r: \begin{cases} x + z = 2 \\ 2x - y + z = 0 \end{cases} \quad y \quad s: \begin{cases} 2x - y = 3 \\ x - y - z = 2 \end{cases}$$

Obtener **razonadamente**:

- Un punto y un vector director de cada recta. (3 puntos)
- La posición relativa de las rectas  $r$  y  $s$ . (4 puntos)
- Determinar la ecuación del plano que contiene a  $r$  y es paralelo a  $s$ . (3 puntos)

(Junio 2011)

4. En el espacio se dan las rectas

$$r: \begin{cases} x = \lambda \\ y = 1 - \lambda \\ z = 3 \end{cases} \quad y \quad s: \begin{cases} x - 1 = y = z - 3 \end{cases}$$

Obtener **razonadamente**:

- Un vector director de cada una de las rectas. (2 puntos)
- La ecuación del plano perpendicular a la recta r que pasa por el punto (0,1,3). (3 puntos)
- El punto de intersección de las rectas r y s (2 puntos) y la ecuación del plano  $\pi$  que contiene a estas rectas r y s (3 puntos).

(Junio 2011)

5. Se pide obtener razonadamente:

- La ecuación del plano  $\pi$  que pasa por los puntos  $O = (0, 0, 0)$ ,  $A = (6, -3, 0)$  y  $B = (3, 0, 1)$ . (3 puntos)
- La ecuación de la recta r que pasa por el punto  $P = (8, 7, -2)$  y es perpendicular al plano  $\pi$ . (3 puntos)
- El punto Q del plano  $\pi$  cuya distancia al punto P es menor que la distancia de cualquier otro punto del plano  $\pi$  al punto P. (4 puntos)

(Septiembre 2010)

6. Dadas las dos rectas r y s de ecuaciones

$$r: \frac{x-4}{3} = \frac{y-4}{2} = z-4 \quad y \quad s: x = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$$

se pide calcular razonadamente:

- Las coordenadas del punto P de intersección de las rectas r y s. (3 puntos)
- El ángulo que forman las rectas r y s. (3 puntos)
- Ecuación implícita  $Ax + By + Cz + D = 0$  del plano  $\pi$  que contiene a las rectas r y s. (4 puntos)

(Septiembre 2010)

7. Dadas las rectas de ecuaciones

$$r: \begin{cases} 5x + y - z = 4 \\ 2x - 2y - z = -5 \end{cases} \quad y \quad s: \begin{cases} x - y = -5 \\ z = 4 \end{cases}$$

se pide:

- Justificar que las rectas r y s se cruzan. (4 puntos)
- Calcular razonadamente la distancia entre las rectas r y s. (3 puntos)
- Determinar la ecuación del plano  $\pi$  que es paralelo y equidistante a las rectas r y s. (3 puntos)

(Junio 2010)

8. Sea  $r$  la recta de vector director  $(2, -1, 1)$  que pasa por el punto  $P = (0, 3, -1)$ . Se pide:
- Hallar razonadamente la distancia del punto  $A = (0, 1, 0)$  a la recta  $r$ . (4 puntos)
  - Calcular razonadamente el ángulo que forma la recta que pasa por los puntos  $P$  y  $A$  con la recta  $r$  en el punto  $P$ . (4 puntos)
  - Si  $Q$  es el punto donde la recta  $r$  corta al plano de ecuación  $z = 0$ , comprobar que el triángulo de vértices  $APQ$  tiene ángulos iguales en los vértices  $P$  y  $Q$ . (2 puntos)

(Junio 2010)

9. Dados los puntos  $P = (3, -1, 4)$  y  $Q = (1, 0, -1)$ , y el plano  $\pi$  de ecuación  $\pi: x - 2y + 2z + 5 = 0$ , se pide calcular razonadamente:
- La ecuación de la recta  $r$  que pasa por el punto  $P$  y es perpendicular al plano  $\pi$ . (1,4 puntos).
  - La ecuación de los planos que pasan por el punto  $P$  y son perpendiculares al plano  $\pi$ . (1 punto).
  - La ecuación del plano  $\pi'$  que pasa por los puntos  $P$  y  $Q$  y es perpendicular al plano  $\pi$ . (0,9 puntos).

(Septiembre 2009)

10. Sea  $\pi$  el plano de ecuación  $\pi: 3x + 2y + 4z - 12 = 0$ , se pide calcular razonadamente:
- Las ecuaciones de los dos planos paralelos a  $\pi$  que distan 5 unidades de  $\pi$ . (1,2 puntos).
  - Los tres puntos  $A, B$  y  $C$ , intersección del plano  $\pi$  con cada uno de los tres ejes coordenados. (0,6 puntos).
  - Los tres ángulos del triángulo  $ABC$ . (1,5 puntos).

(Septiembre 2009)

11. Sean  $A, B$  y  $C$  los puntos de intersección del plano de ecuación  $x + 4y - 2z - 4 = 0$  con los tres ejes coordenados  $OX, OY$  y  $OZ$ , respectivamente. Se pide calcular razonadamente:
- El área del triángulo  $ABC$ . (1,1 puntos).
  - El perímetro del triángulo  $ABC$ . (1,1 puntos).
  - Los tres ángulos interiores del triángulo  $ABC$ . (1,1 puntos).

(Junio 2009)

12. Dados los puntos  $O = (0,0,0)$ ,  $A = (4,4,0)$  y  $P = (0,0,12)$ , se pide obtener razonadamente:
- La ecuación de la recta que pasa por  $A$  y es perpendicular al plano de ecuación  $z = 0$ . (1 punto).
  - La ecuación de un plano que cumpla las dos condiciones siguientes:
    - Pase por  $P$  y por un punto  $Q$  de la recta de ecuación  $x = y = 4$
    - Sea perpendicular a la recta que pasa por  $O$  y  $Q$ . (2,3 puntos por hallar uno de los dos planos solución).

(Junio 2009)

**13.** Dados los planos  $\pi_1: x + y + z = 3$  y  $\pi_2: x + y - \alpha z = 0$ , se pide calcular razonadamente:

a) El valor de  $\alpha$  para que los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$  sean perpendiculares y, para este valor de  $\alpha$ , obtener las ecuaciones paramétricas de la recta intersección de estos dos planos. (1,5 puntos).

b) El valor de  $\alpha$  para que los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$  sean paralelos y, para este valor de  $\alpha$ , obtener la distancia entre los dos planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ . (1,8 puntos).

**(Septiembre 2008)**

**14.** Dados el punto  $O = (0, 0, 0)$  y el plano  $\pi: x + y + z = 6$ , se pide calcular razonadamente:

a) La ecuación de la recta  $r$  que pasa por  $O$  y es perpendicular al plano  $\pi$ . (1,1 puntos).

b) Las coordenadas del punto simétrico de  $O$  respecto del plano  $\pi$ . (1,1 puntos).

c) La ecuación del plano que contiene al eje  $X$  y a la recta  $r$ . (1,1 puntos).

**(Septiembre 2008)**

**15.** Se dan los puntos  $A = (2, 1, 1)$  y  $B = (1, 0, -1)$ , y la recta  $r$  de ecuación  $r: x - 5 = y = \frac{z + 2}{-2}$

Se pide calcular razonadamente:

a) El punto  $C$  de  $r$  que equidista de  $A$  y  $B$ . (2 puntos).

b) El área del triángulo  $ABC$ . (1,3 puntos).

**(Junio 2008)**

**16.** Dadas la recta  $r$ , intersección de los planos  $y + z = 0$  y  $x - 2y - 1 = 0$ , y la recta  $s$  de ecuación

$$s: \frac{x}{2} = y - 1 = -z + 3, \text{ se pide}$$

a) Obtener, razonadamente, las ecuaciones paramétricas de  $r$  y  $s$ . (1,1 puntos).

b) Explicar de un modo razonado cuál es la posición relativa de las rectas  $r$  y  $s$ . (1,1 puntos).

c) Calcular la distancia entre las rectas  $r$  y  $s$ . (1,1 puntos).

**(Junio 2008)**

**17.** Dado el plano  $\pi: 2x + y + 3z - 1 = 0$  y el punto  $Q = (2, 1, 3)$ , se pide calcular :

a) La distancia del punto  $Q$  al plano  $\pi$ . (1,1 puntos).

b) El área del triángulo  $\Delta$  cuyos vértices  $P_1, P_2$  y  $P_3$  son los puntos de intersección del plano  $\pi$  con los ejes coordenados. (1,1 puntos).

c) El volumen del tetraedro de vértices  $P_1, P_2, P_3$  y  $Q$ . (1,1 puntos).

**(Septiembre 2007)**

**18.** Dados los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$  de ecuaciones

$$\pi_1: x + 2y + z + 3 = 0, \quad \pi_2: 2x + y - z - 6 = 0, \text{ se pide:}$$

a) Calcular el ángulo  $\alpha$  que forman los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ . (1,1 puntos).

b) Calcular la ecuación paramétrica de la recta  $r$ , intersección de los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ . (1,1 puntos).

c) Comprobar que el plano  $\pi$  de ecuación  $x + y - 1 = 0$  es el plano bisector de  $\pi_1$  y  $\pi_2$ , es decir,  $\pi$  forma un ángulo  $\alpha/2$  con cada uno de los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ , donde  $\alpha$  es el ángulo obtenido en el apartado a). (1,1 puntos) (Septiembre 2007)

19. Dadas las dos rectas  $r$  y  $s$ , que se cortan, de ecuaciones

$$r: \frac{x-1}{2} = \frac{2y-1}{-6} = \frac{2z-3}{6} \quad y \quad s: \frac{x-3}{-2} = \frac{2y+3}{2} = \frac{z-1}{4}, \text{ se pide calcular:}$$

- a) El punto  $P$  de corte de las rectas  $r$  y  $s$ . (1,1 puntos).  
 b) Un vector direccional de  $r$  y otro de  $s$ , (0,5 puntos), y el ángulo  $\alpha$  que forman las rectas  $r$  y  $s$  en el punto de corte  $P$ . (0,6 puntos).  
 c) La ecuación implícita  $ax + by + cz + d = 0$  del plano  $\pi$  que contiene a las rectas  $r$  y  $s$  (1,1 puntos).  
 (Junio 2007)

20. Dados el punto  $Q = (3, -1, 4)$  y la recta  $r$  de ecuación paramétrica

$$r: x = -2 + 3\lambda, y = -2\lambda, z = 1 + 4\lambda, \text{ se pide:}$$

- a) Hallar la distancia del punto  $Q$  a la recta  $r$ . (1,1 puntos).  
 b) Justificar que la recta  $s$  que pasa por  $Q$  y tiene a  $(1, -1, 1)$  como vector direccional no corta a  $r$ . (1,1 puntos).  
 c) Calcular la distancia entre las rectas  $r$  y  $s$ . (1,1 puntos).  
 (Junio 2007)

21. En el espacio se consideran:

La recta  $r$  intersección de los planos de ecuaciones implícitas  $2x - 2y - z = 9$   
 y  $4x - y + z = 42$ .

Y la recta  $s$  que pasa por los puntos  $(1,3,-4)$  y  $(3,-5,-2)$ . Se pide:

- a) **Calcular** las ecuaciones paramétricas de la recta  $r$  (0,8 puntos) y de la recta  $s$  (0,3 puntos).  
 b) **Justificar** que las rectas  $r$  y  $s$  se cruzan (0,8 puntos).  
 c) **Calcular** un vector direccional de la recta  $t$ , perpendicular común a las rectas  $r$  y  $s$ , (0,4 puntos) y **calcular** el punto  $P$  de intersección de las rectas  $s$  y  $t$  (1 punto).  
 (Septiembre 2006)

22. En el espacio se consideran:

El plano  $\pi$  que pasa por los puntos  $(11, 1, 2)$ ,  $(5, 7, 5)$  y  $(7, -1, -2)$ .

Y la recta  $r$  intersección de los planos de ecuaciones implícitas  $x + y + z = 15$   
 y  $2x - 7y + 2z = 3$ .

- a) **Calcular** la ecuación paramétrica de  $r$  (0,6 puntos) y la ecuación implícita del plano  $\pi$  (0,4 puntos).  
 b) **Calcular** el punto  $P$  intersección de  $r$  y  $\pi$  (0,8 puntos) y el ángulo  $\alpha$  que determinan  $r$  y  $\pi$  (0,5 puntos).  
 c) **Calcular** los puntos  $M$  y  $N$  de la recta  $r$  cuya distancia al plano  $\pi$  es igual a 3 u.l. (1 punto).  
 (Septiembre 2006)

**23.** En el espacio se consideran:

La recta  $r$  intersección de dos planos de ecuaciones implícitas:  $x + y - z = 5$  y  $2x + y - 2z = 2$ .

Y la recta  $s$  que pasa por los puntos  $P = (3, 10, 5)$  y  $Q = (5, 12, 6)$ . Se pide:

- a) Calcular las ecuaciones paramétricas de la recta  $r$  (0,6 puntos) y de la recta  $s$  (0,4 puntos).
- b) Calcular el punto  $H$  intersección de  $r$  y  $s$  (0,6 puntos) y el ángulo  $\alpha$  que determinan  $r$  y  $s$  (0,4 puntos).
- c) Calcular los puntos  $M$  y  $N$  de la recta  $r$  para los que el área de cada uno de los triángulos de vértices  $PQM$  y  $PQN$  es 3 unidades de área (1,3 puntos).

**(Junio 2006)**

**24.** Dados los puntos  $A = (4, -4, 9)$ ;  $B = (2, 0, 5)$ ;  $C = (4, 2, 6)$ ;  $L = (1, 1, 4)$ ;  $M = (0, 2, 3)$ ; y  $N = (3, 0, 5)$ , se pide:

- a) Calcular la distancia  $d$  del punto  $C$  al punto medio del segmento de extremos  $A$ ,  $B$  (0,5 puntos) y el área  $S$  del triángulo de vértices  $A$ ,  $B$ ,  $C$  (1 punto).
- b) Calcular las ecuaciones implícitas del plano  $\pi$  que pasa por los puntos  $A$ ,  $B$ ,  $C$  (0,4 puntos) y del plano  $\pi'$  que pasa por los puntos  $L$ ,  $M$ ,  $N$  (1 punto).
- c) Calcular la ecuación paramétrica de la recta  $r$  intersección de los planos  $\pi$  y  $\pi'$  (0,6 puntos) y el ángulo  $\alpha$  que determinan los planos  $\pi$  y  $\pi'$  (0,4 puntos)

**(Junio 2006)**

**25.** Un paralelepípedo rectangular (u ortoedro) tiene tres de sus aristas sobre las rectas:

$$l: \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases}, \quad m: \begin{cases} x - 2y = 0 \\ z = 0 \end{cases}, \quad n: \begin{cases} 2x + y = 0 \\ z = 0 \end{cases}, \quad \text{y uno de sus vértices es } (12, 21, -11). \text{ Se pide:}$$

- a) Hallar los vértices restantes (2,5 puntos).
- b) Calcular su volumen (0,8 puntos).

**(Septiembre 2005)**

**26.** Dados los planos  $\pi: 5x - y - z = 0$ ,  $\sigma: x + y - z = 0$  y el punto  $P(9, 4, -1)$ , determinar:

- a) La ecuación del plano que pasa por  $P$  y es perpendicular a  $\pi$  y a  $\sigma$  (1,5 puntos).
- b) El punto simétrico de  $P$  respecto de la recta  $r$ , intersección de los planos  $\pi$  y  $\sigma$  (1,8 puntos).

**(Septiembre 2005)**

**27.** Se considera el plano  $\pi: y + z - 12m = 0$  ( $m$  parámetro real) y la rectas

$$u: \begin{cases} x = 1 \\ y = z \end{cases}, \quad v: \begin{cases} x = 2 \\ y = 2z \end{cases}, \quad w: \begin{cases} x = 3 \\ y = 3z \end{cases}$$

Sean  $A$ ,  $B$  y  $C$  los puntos de intersección de  $\pi$  con  $u$ ,  $v$  y  $w$ , respectivamente

- a) Calcular las coordenadas de  $A$ ,  $B$  y  $C$  en función de  $m$  (1,8 puntos)
- b) Hallar los valores de  $m$  para los que el área del triángulo  $ABC$  es 1 u.a. (1,5 puntos)

**(Junio 2005)**

**28.** Hallar las ecuaciones de los planos que pasan por el punto  $(-7, 2, -3)$  y tales que las proyecciones perpendiculares del origen sobre dichos planos son puntos de la recta  $(x, y, z) = (0, 4, 1) + t(1, 0, 0)$  (3,3 puntos).

**(Junio 2005)**

29. a) Obtener el plano que pasa por el punto  $P(-2,4,-3)$  y es perpendicular a la recta  $r:(x,y,z)=(1,2,0)+t(1,-2,1)$  (1 punto).

b) Calcular la distancia entre el punto  $P$  y la recta  $r$  (2,3 puntos).

**(Septiembre 2004)**

30. Consideramos los puntos:  $A = (1, 0, 0)$ ,  $B = (0,1,0)$ ,  $C = (0,0,1)$  y  $D = (2,1,2)$ . Se pide

a) Hallar el área del triángulo de vértices  $B, C$  y  $D$  (1,1 puntos).

b) Calcular el volumen del tetraedro de vértices  $A, B, C$  y  $D$  (1,1 puntos).

c) Hallar la distancia del punto  $A$  al plano que pasa por los puntos  $B, C$  y  $D$  (1,1 puntos).

**(Septiembre 2004)**

31. Dados los planos  $\pi_1 : x + y + z = -5$ ,  $\pi_2 : x - 3y - z = 3$  y la recta  $r : \frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z}{2}$ ,

se pide:

a) Determinar razonadamente la posición relativa de la recta  $r$  y la recta  $s$  intersección de los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ . (1,7 puntos)

b) Obtener razonadamente la ecuación del plano que contiene a la recta  $s$  anterior y es paralelo a  $r$ . (1,6 puntos)

**(Junio 2004)**

32. Se consideran la recta  $r: (x, y, z) = (t + 1, 2t, 3t)$ , el plano  $\pi: x - 2y - z = 0$  y el punto  $P = (1, 1, 1)$ . Se pide

a) Determinar la ecuación del plano  $\pi_1$  que pasa por el punto  $P$  y es paralelo al plano  $\pi$  (0,9 puntos).

b) Determinar la ecuación del plano  $\pi_2$  que contiene a la recta  $r$  y pasa por el punto  $P$  (1,2 puntos).

c) Calcular la ecuación paramétrica de la recta intersección de los planos anteriores,  $\pi_1$  y  $\pi_2$  (1,2 puntos).

**(Junio 2004)**

33. En el espacio  $\mathbb{R}^3$ , se consideran el punto  $P = (3,2,3)$  y la recta  $r$  intersección de los planos de ecuaciones:  $x + 3y - 4z = 0$  y  $x + 2y - 2z = 1$ . Se pide determinar:

a) La distancia  $d$  del punto  $P$  a la recta  $r$  (1,3 puntos).

b) Los puntos  $M$  y  $N$  de la recta  $r$  que cumplan que su distancia al punto  $P$  es  $\sqrt{5}d$  (2,3 puntos).

**(Septiembre 2003)**

34. Sean  $\pi$  y  $\pi'$  los planos del espacio  $\mathbb{R}^3$ , determinados del modo siguiente: el plano  $\pi$  pasa por los puntos  $(0,2,1)$ ,  $(3,-1,1)$  y  $(1,-1,5)$  y el plano  $\pi'$  pasa por los puntos  $(3,0,2)$ ,  $(2,1,1)$  y  $(5,4,-2)$ . Se pide calcular:

a) Una ecuación paramétrica de la recta  $r$  intersección de los planos  $\pi$  y  $\pi'$  (1,3 puntos).

b) El ángulo  $\alpha$  que forman los planos  $\pi$  y  $\pi'$  (0,7 puntos).

c) La ecuación del plano que contiene a la recta  $r$  y forma un ángulo de 90 grados con el plano  $\pi$  (1,3 puntos).

**(Septiembre 2003)**

- 35.** Sean  $r$  y  $r'$  las rectas del espacio  $\mathbb{R}^3$ , determinadas del modo siguiente:  
 $r$  pasa por los puntos  $A = (3,6,7)$  y  $B = (7,8,3)$  y  $r'$  es la recta de intersección de los planos de ecuaciones:  $x-4y-z=-10$  y  $3x-4y+z=-2$ . Se pide:
- Calcular de cada una de las rectas  $r$  y  $r'$  una ecuación paramétrica y determinar la posición relativa de ambas (1 punto).
  - Calcular la distancia  $d$  entre las rectas  $r$  y  $r'$  (1,3 puntos).
  - Calcular el área del triángulo de vértices A, B y C, siendo C un punto cualquiera de la recta  $r'$  (1 punto).
- (Junio 2003)**

- 36.** Sean  $r$  la recta y  $\pi$  el plano de  $\mathbb{R}^3$ , determinados del siguiente modo:  
 $r$  pasa por los puntos  $(2,2,4)$  y  $(-1,2,1)$  y el plano  $\pi$  pasa por los puntos  $(1,0,1)$ ,  $(1,-1,0)$  y  $(3,0,0)$ . Se pide:
- Probar que la recta  $r$  no es paralela a  $\pi$  (1 punto).
  - Calcular el punto  $P$  de intersección de  $r$  y  $\pi$  y el ángulo que forman la recta  $r$  y el plano  $\pi$  (1 punto).
  - Determinar los puntos  $S$  y  $T$  de la recta  $r$  que cumplan que su distancia a  $\pi$  sea 4 (1,3 puntos).
- (Junio 2003)**

- 37.** Consideramos los planos

$$\begin{aligned}\pi_1 &: x + y - 6 = 0 \\ \pi_2 &: 2x + 4y + \lambda z + 2 = 0\end{aligned}$$

donde  $\lambda$  es un parámetro real. Se pide:

- Determinar las ecuaciones paramétricas de la recta de intersección de los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$  cuando  $\lambda = 4$ . (1,5 puntos)
  - Calcular razonadamente  $\lambda$  para que los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$  se corten formando un ángulo de  $45^\circ$ . (1,8 puntos)
- (Septiembre 2002)**

- 38.** Dado el plano definido por la ecuación  $\pi: 8x - 4y + z = 3$ , hallar

- La ecuación de la recta perpendicular al plano  $\pi$  que pasa por el punto  $P(1,-3,7)$ , expresada como la intersección de dos planos. (1 punto)
  - La distancia del punto  $P$  al plano  $\pi$ . (0,8 puntos)
  - Las ecuaciones de los planos que distan 3 unidades del plano  $\pi$ . (1,5 puntos)
- (Septiembre 2002)**

- 39.** Dados los puntos  $A=(1,-2,3)$  y  $B=(0,2,1)$ , se pide:

- La ecuación paramétrica de la recta que pasa por ambos puntos. (1,1 puntos)
  - La ecuación del plano  $\pi$  que está a igual distancia de A y de B. (1,1 puntos)
  - La distancia al origen de la recta intersección del plano  $2y-z=0$  con el plano  $\pi$  del apartado b). (1,1 puntos)
- (Junio 2002)**

- 40.** a) Hallar la distancia del punto  $P=(3,-1,4)$  a la recta  $r$  intersección de los planos: (1,8 puntos)

$$\begin{aligned}\pi_1 &: 2x + y - z + 5 = 0 \\ \pi_2 &: 4x + 4y - z + 9 = 0\end{aligned}$$

- b) Hallar la ecuación del plano que pasa por la recta  $r$  y el punto  $P$ . (1,5 puntos)